

Приложение к основной общеобразовательной программе
основного общего образования

Муниципальное общеобразовательное учреждение
"Магнитная средняя общеобразовательная школа"

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПО геометии
7 КЛАСС
2023- 2024 УЧЕБНЫЙ ГОД

Разработчик Буксартова ОЕ
учитель математики

п Магнитный ,
2023- 2024 УЧЕБНЫЙ ГОД

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия как один из основных разделов школьной математики, имеющий своей целью обеспечить изучение свойств и размеров фигур, их отношений и взаимное расположение, опирается на логическую, доказательную линию. Ценность изучения геометрии на уровне основного общего образования заключается в том, что обучающийся учится проводить доказательные рассуждения, строить логические умозаключения, доказывать истинные утверждения и строить контрпримеры к ложным, проводить рассуждения «от противного», отличать свойства от признаков, формулировать обратные утверждения.

Второй целью изучения геометрии является использование её как инструмента при решении как математических, так и практических задач, встречающихся в реальной жизни. Обучающийся должен научиться определить геометрическую фигуру, описать словами данный чертёж или рисунок, найти площадь земельного участка, рассчитать необходимую длину оптоволоконного кабеля или требуемые размеры гаража для автомобиля. Этому соответствует вторая, вычислительная линия в изучении геометрии. При решении задач практического характера обучающийся учится строить математические модели реальных жизненных ситуаций, проводить вычисления и оценивать адекватность полученного результата.

Крайне важно подчёркивать связи геометрии с другими учебными предметами, мотивировать использовать определения геометрических фигур и понятий, демонстрировать применение полученных умений в физике и технике. Эти связи наиболее ярко видны в темах «Векторы», «Тригонометрические соотношения», «Метод координат» и «Теорема Пифагора».

Учебный курс «Геометрия» включает следующие основные разделы содержания: «Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин», «Декартовы координаты на плоскости», «Векторы», «Движения плоскости», «Преобразования подобия».

На изучение учебного курса «Геометрия» отводится 204 часа: в 7 классе – 68 часов (2 часа в неделю), в 8 классе – 68 часов (2 часа в неделю), в 9 классе – 68 часов (2 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

7 КЛАСС

Начальные понятия геометрии. Точка, прямая, отрезок, луч. Угол. Виды углов. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла. Ломаная, многоугольник. Параллельность и перпендикулярность прямых.

Симметричные фигуры. Основные свойства осевой симметрии. Примеры симметрии в окружающем мире.

Основные построения с помощью циркуля и линейки. Треугольник. Высота, медиана, биссектриса, их свойства.

Равнобедренный и равносторонний треугольники. Неравенство треугольника.

Свойства и признаки равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников.

Свойства и признаки параллельных прямых. Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника.

Прямоугольный треугольник. Свойство медианы прямоугольного треугольника, проведённой к гипотенузе. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Прямоугольный треугольник с углом в 30° .

Неравенства в геометрии: неравенство треугольника, неравенство о длине ломаной, теорема о большем угле и большей стороне треугольника. Перпендикуляр и наклонная.

Геометрическое место точек. Биссектриса угла и серединный перпендикуляр к отрезку как геометрические места точек.

Окружность и круг, хорда и диаметр, их свойства. Взаимное расположение окружности и прямой. Касательная и секущая к окружности. Окружность, вписанная в угол. Вписанная и описанная окружности треугольника.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Геометрия» характеризуются:

1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской

математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

6) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

7) экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных

последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Распознавать изученные геометрические фигуры, определять их взаимное расположение, изображать геометрические фигуры, выполнять чертежи по условию задачи. Измерять линейные и угловые величины. Решать задачи на вычисление длин отрезков и величин углов.

Делать грубую оценку линейных и угловых величин предметов в реальной жизни, размеров природных объектов. Различать размеры этих объектов по порядку величины.

Строить чертежи к геометрическим задачам.

Пользоваться признаками равенства треугольников, использовать признаки и свойства равнобедренных треугольников при решении задач.

Проводить логические рассуждения с использованием геометрических теорем.

Пользоваться признаками равенства прямоугольных треугольников, свойством медианы, проведённой к гипотенузе прямоугольного треугольника, в решении геометрических задач.

Определять параллельность прямых с помощью углов, которые образует с ними секущая. Определять параллельность прямых с помощью равенства расстояний от точек одной прямой до точек другой прямой.

Решать задачи на клетчатой бумаге.

Проводить вычисления и находить числовые и буквенные значения углов в геометрических задачах с использованием суммы углов треугольников и многоугольников, свойств углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей. Решать практические задачи на нахождение углов.

Владеть понятием геометрического места точек. Уметь определять биссектрису угла и серединный перпендикуляр к отрезку как геометрические места точек.

Формулировать определения окружности и круга, хорды и диаметра окружности, пользоваться их свойствами. Уметь применять эти свойства при решении задач.

Владеть понятием описанной около треугольника окружности, уметь находить её центр. Пользоваться фактами о том, что биссектрисы углов треугольника пересекаются в одной точке, и о том, что серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в одной точке.

Владеть понятием касательной к окружности, пользоваться теоремой о перпендикулярности касательной и радиуса, проведённого к точке касания.

Пользоваться простейшими геометрическими неравенствами, понимать их практический смысл.

Проводить основные геометрические построения с помощью циркуля и линейки.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Распознавать основные виды четырёхугольников, их элементы, пользоваться их свойствами при решении геометрических задач.

Применять свойства точки пересечения медиан треугольника (центра масс) в решении задач.

Владеть понятием средней линии треугольника и трапеции, применять их свойства при решении геометрических задач. Пользоваться теоремой Фалеса и теоремой о пропорциональных отрезках, применять их для решения практических задач.

Применять признаки подобия треугольников в решении геометрических задач.

Пользоваться теоремой Пифагора для решения геометрических и практических задач. Строить математическую модель в практических задачах, самостоятельно делать чертёж и находить соответствующие длины.

Владеть понятиями синуса, косинуса и тангенса острого угла прямоугольного треугольника. Пользоваться этими понятиями для решения практических задач.

Вычислять (различными способами) площадь треугольника и площади многоугольных фигур (пользуясь, где необходимо, калькулятором). Применять полученные умения в практических задачах.

Владеть понятиями вписанного и центрального угла, использовать теоремы о вписанных углах, углах между хордами (секущими) и угле между касательной и хордой при решении геометрических задач.

Владеть понятием описанного четырёхугольника, применять свойства описанного четырёхугольника при решении задач.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрии (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Знать тригонометрические функции острых углов, находить с их помощью различные элементы прямоугольного треугольника («решение прямоугольных треугольников»). Находить (с помощью калькулятора) длины и углы для нетабличных значений.

Пользоваться формулами приведения и основным тригонометрическим тождеством для нахождения соотношений между тригонометрическими величинами.

Использовать теоремы синусов и косинусов для нахождения различных элементов треугольника («решение треугольников»), применять их при решении геометрических задач.

Владеть понятиями преобразования подобия, соответственных элементов подобных фигур. Пользоваться свойствами подобия произвольных фигур, уметь вычислять длины и находить углы у подобных фигур. Применять свойства подобия в практических задачах. Уметь приводить примеры подобных фигур в окружающем мире.

Пользоваться теоремами о произведении отрезков хорд, о произведении отрезков секущих, о квадрате касательной.

Пользоваться векторами, понимать их геометрический и физический смысл, применять их в решении геометрических и физических задач. Применять скалярное произведение векторов для нахождения длин и углов.

Пользоваться методом координат на плоскости, применять его в решении геометрических и практических задач.

Владеть понятиями правильного многоугольника, длины окружности, длины дуги окружности и радианной меры угла, уметь вычислять площадь круга и его частей. Применять полученные умения в практических задачах.

Находить оси (или центры) симметрии фигур, применять движения плоскости в простейших случаях.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрических функций (пользуясь, где необходимо, калькулятором)

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
1	Простейшие геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин	15	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415e2e
2	Треугольники	22	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415e2e
3	Параллельные прямые, сумма углов треугольника	14	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415e2e
4	Окружность и круг. Геометрические построения	14	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415e2e
5	Повторение, обобщение знаний	3	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/7f415e2e
6	ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	

КАЛЕНДАРНО ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№п/п	Наименование разделов и программ	Количество часов			Дата	Виды деятельности	Виды, формы контроля	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		всего	контр. раб.	пр. работы				
Раздел 1. Простейшие геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин.								
1.1.	Простейшие геометрические объекты, точки, Простейшие геометрические объекты, точки, прямые, лучи и углы, многоугольник, ломаная	2			1 ЧЕТВ	Формулировать основные понятия и определения	тестирование	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
1.2.	Смежные и вертикальные углы	6				Распознавать изученные геометрические фигуры; определять их взаимное расположение; выполнять чертёж по условию задачи.	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
1.4.	Измерение линейных и угловых величин, вычисление отрезков и углов	4	1			Измерять линейные и угловые величины геометрических и практических объектов	Практ. работа	http://school-collection.edu.ru
1.5.	Периметр и площадь фигур, составленных из прямоугольников	2				Распознавать изученные геометрические фигуры, определять их взаимное расположение. выполнять чертёж по условию задачи.	Устный опрос	http://school-collection.edu.ru
Итого по разделу:		15						
Раздел 2. Треугольники								
2.1.	Понятие о равных треугольниках и первичное представление о равных (конгруэнтных) фигурах	1				Распознавать пары равных треугольников на готовых чертежах (с указанием признаков)	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.2.	Три признака равенства треугольников	6	1		2 ЧЕТВ	Применять признаки равенства прямоугольных треугольников в задачах.	Письменный контроль;	http://school-collection.edu.ru
2.3.	Признаки равенства прямоугольных треугольников	2				Применять признаки равенства прямоугольных треугольников в задачах.	Тестирование;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.4.	Свойство медианы прямоугольного треугольника	2				Применять признаки равенства прямоугольных треугольников в задачах.	Устный опрос;	http://school-collection.edu.ru

2.5.	Равнобедренные и равносторонние треугольники.	1				Формулировать определения остроугольного, тупоугольного, прямоугольного, равнобедренного, равностороннего треугольников; биссектрисы, высоты, медианы треугольника; серединного перпендикуляра, отрезка, периметра треугольника	Устный опрос;	http://school-collection.edu.ru
2.6.	Признаки и свойства равнобедренного треугольника	3				Формулировать свойства и признаки равнобедренного треугольника	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.7.	Против большей стороны треугольника лежит больший угол	1				Выводить следствия (равенство соответствующих элементов) из равенства треугольников.	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.8.	Простейшие неравенства в геометрии	1				Использовать цифровые ресурсы для исследования свойств изучаемых фигур.	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.9.	Неравенство треугольника	1			3 ЧЕТВ	Использовать цифровые ресурсы для исследования свойств изучаемых фигур.	Письменный контроль	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.10.	Неравенство ломаной	1				Использовать цифровые ресурсы для исследования свойств; изучаемых фигур	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.11.	Прямоугольный треугольник с углом в 30° .	1				Формулировать определения остроугольного, тупоугольного, прямоугольного, равнобедренного, равностороннего треугольников; биссектрисы, высоты, медианы треугольника; серединного перпендикуляра, отрезка, периметра треугольника	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
2.12.	Контрольная работа № 2 по теме "Треугольники"		1			Знакомиться с историей развития геометрии	Устный опрос	http://school-collection.edu.ru
Итого по разделу:		22						

Раздел 3. Параллельные прямые, сумма углов треугольника

3.1.	Параллельные прямые, их свойства.	1				Формулировать понятие параллельных прямых; находить практически примеры	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
3.2.	Пятый постулат Евклида.	1				Знакомиться с историей развития геометрии	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
3.3.	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы (образованные при пересечении параллельных прямых секущей)	5				Изучать свойства углов, образованных при пересечении параллельных прямых секущей;	Письменный контроль	http://school-collection.edu.ru

3.4.	Признак параллельности прямых через равенство расстояний от точки до прямой до второй прямой	2				Проводить доказательства параллельности двух прямых с помощью углов, образованных при пересечении этих прямых третьей прямой.	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
3.5.	Сумма углов треугольника и многоугольника	2				Вычислять сумму углов треугольника и многоугольника.	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
3.6.	Внешние углы треугольника Контрольная работа №3 по теме "Параллельные прямые, сумма углов треугольника"	2	1			Находить числовые и буквенные значения углов в геометрических задачах с использованием теорем о сумме углов треугольника и многоугольника.	Устный опрос	http://school-collection.edu.ru

Итого по разделу:

14

Раздел 4. Окружность и круг. Геометрически не построения

4.1.	Окружность, хорды и диаметры, их свойства	1				Формулировать определения окружности, хорды, диаметра и касательной к окружности	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
4.2.	Касательная к окружности	1		4	ЧЕТВ	Формулировать определения окружности, хорды, диаметра и касательной к окружности	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
4.3.	Окружность, вписанная в угол	2				Овладевать понятиями вписанной и описанной окружностей треугольника; находить центры этих окружностей	Устный опрос;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
4.4.	Понятие о ГМТ, применение в задачах	2				Использовать метод ГМТ для доказательства теорем о пересечении биссектрис углов треугольника и серединных перпендикуляров к сторонам треугольника с помощью ГМТ.	Устный опрос	http://school-collection.edu.ru
4.5.	Биссектриса и серединный перпендикуляр, как геометрические места точек	1				Использовать метод ГМТ для доказательства теорем о пересечении биссектрис углов треугольника и серединных перпендикуляров к сторонам треугольника с помощью ГМТ.	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
4.6.	Окружность, описанная около треугольника	2				Исследовать, в том числе используя цифровые ресурсы, окружность, вписанную в угол; центр окружности, вписанной в угол, равенство отрезков касательных.	Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
4.7.	Вписанная в треугольник окружность	2					Устный опрос	https://resh.edu.ru/subject/17/7/

4.8.	Простейшие задачи на построение Контрольная работа №4 по теме " Окружность и круг. Геометрические построения"	2	1			Решать основные задачи на построение угла, равного данному, серединного перпендикуляра данного отрезка прямой, проходящей через данную точку и перпендикулярной данной прямой; биссектрисы данного угла; треугольников по различным элементам.	Практическая работа	http://school-collection.edu.ru
Итого по разделу:		14						
Раздел 5. Повторение и обобщение знаний								
5.1.	Повторение и обобщение основных понятий и методов курса 7 класса. Итоговая контрольная работа	2	1			Решать задачи на повторение, иллюстрирующие связи между различными частями курса.	Контрольная работа ;	https://resh.edu.ru/subject/17/7/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	5					

КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ

Контрольная работа №1 «Отрезки. Углы»

1 вариант

1. На луче с началом в точке O отмечены точки A и B . Найдите отрезок AB , если $OA = 10,3$ см, $OB = 2,4$ см. Какую длину может иметь отрезок AB ?
2. Углы $\angle COA$ и $\angle AOB$ – смежные. Угол $\angle COA$ равен 105° . Чему равен угол $\angle AOB$?
3. При пересечении прямых ES и NM в точке O образовались четыре неразвернутых угла. Угол $\angle EON$ равен 61° . Найти углы $\angle NOS$, $\angle SOM$, $\angle MOE$.
4. Один из смежных углов в 4 раза больше другого. Найти оба угла.
5. (доп.) Сумма вертикальных углов $\angle NOE$ и $\angle BOS$, образованных при пересечении прямых NS и BE , равна 86° . Найдите угол $\angle EOC$.

2 вариант

1. На луче с началом в точке O отмечены точки F и N . Найдите отрезок FN , если $OF = 5,6$ см, $ON = 3,8$ см. Какую длину может иметь отрезок FN ?
 2. Углы $\angle EOS$ и $\angle SOD$ – смежные. Угол $\angle EOS$ равен 65° . Чему равен угол $\angle SOD$?
 3. При пересечении прямых AB и CD в точке O образовались четыре неразвернутых угла. Угол $\angle COB$ равен 123° . Найти углы $\angle BOD$, $\angle DOA$, $\angle AOC$.
 4. Один из смежных углов на 70° больше другого. Найти оба угла.
 5. (доп.) Сумма вертикальных углов $\angle AOB$ и $\angle COD$, образованных при пересечении прямых AD и BC , равна 108° . Найти угол $\angle BOD$.
-

Контрольная работа №2 «Равные треугольники»

1 вариант

1. Дано: $AO = BO$, $CO = DO$,
 $CO = 5$ см, $BO = 3$ см, $BD = 4$ см.
Найти: периметр $\triangle CAO$.
2. Луч AD – биссектриса угла A . На сторонах угла A отмечены точки B и C , так, что $\angle ADB = \angle ADC$. Доказать, что $AB = AC$.
3. В равнобедренном треугольнике ABC точки K и M являются серединами боковых сторон AB и BC соответственно. BD – медиана треугольника. Доказать, что $\triangle BKD = \triangle BMD$.
4. (доп.) В равнобедренном треугольнике с периметром 48 см боковая сторона относится к основанию как 5 : 2. Найти стороны треугольника.

2 вариант

1. Дано: $AB = CD$, $BC = AD$,
 $AC = 7$ см, $AD = 6$ см, $AB = 4$ см.
Найти: периметр $\triangle ADC$.
2. На сторонах угла D отмечены точки M и K так, что $DM = DK$. Точка P лежит внутри угла и $PK = PM$. Доказать, что луч DP – биссектриса угла MDK .
3. В равнобедренном $\triangle ABC$ точки K и M являются серединами боковых сторон AB и BC соответственно. BD – медиана – треугольника. Доказать, что $\triangle AKD = \triangle CMD$.
4. (доп.) В равнобедренном треугольнике с периметром 56 см основание относится к боковой стороне как 2 : 3. Найти стороны треугольника.

.....

Контрольная работа № 3 «Параллельные прямые»

1 вариант

1. Дано: $a \parallel b$, c - секущая, $\angle 1 + \angle 2 = 102^\circ$. Найти: все образовавшиеся углы.
2. Дано: $\angle 1 = \angle 2$, $\angle 3 = 120^\circ$. Найти: $\angle 4$.
3. Отрезок AD – биссектриса треугольника ABC . Через точку D проведена прямая, параллельная стороне AB и пересекающая сторону AC в точке F . Найти углы треугольника ADF , если $\angle BAC = 72^\circ$.

2 вариант

1. Дано: $a \parallel b$, c - секущая, угол 1 больше угла 2 на 40° . Найти:
все образовавшиеся углы.
2. Дано: $\angle 1 = \angle 2$, $\angle 3 = 140^\circ$. Найти: $\angle 4$.

Отрезок AK – биссектриса треугольника CAE . Через точку K проведена прямая, параллельная стороне CA и пересекающая сторону AE в точке N . Найти углы треугольника AKN , если $\angle CAE = 78^\circ$

Контрольная работа по геометрии № 4 «Сумма углов треугольника»

1 вариант

1. В $\triangle ABC$ $AB > BC > AC$. Найти $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$, если известно, что один из углов треугольника равен 120° , а другой 40° .
2. В треугольнике ABC угол A равен 50° , а угол B в 12 раз меньше угла C . Найти углы B и C .
3. В треугольнике ABC угол C равен 90° , а угол B равен 35° , CD – высота. Найти углы треугольника ACD .
4. Периметр равнобедренного треугольника равен 45 см, а одна из его сторон больше другой на 12 см. Найти стороны треугольника.
5. (Дополнит.) В треугольнике ABC угол A меньше угла B в три раза, а внешний угол при вершине A больше внешнего угла при вершине B на 40° . Найти внутренние углы треугольника ABC .
6. (Дополнит.) В треугольнике ABC угол C равен 90° , а угол B равен 70° . На катете AC отложен отрезок CD , равный CB . Найти углы треугольника ABD .

2 вариант

1. В $\triangle ABC$ $AB < BC < AC$. Найти $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$, если известно, что один из углов треугольника прямой, а другой равен 30° .
2. В треугольнике ABC угол A равен 90° , а угол C на 40° больше угла B . Найти углы B и C .
3. В треугольнике ABC угол C равен 90° , а угол A равен 70° , CD – биссектриса. Найти углы треугольника $B CD$.
4. Периметр равнобедренного треугольника равен 50 см, а одна из его сторон на 13 см меньше другой. Найти стороны треугольника.

5. (Дополнит.) В треугольнике ABC угол A меньше угла B в три раза, а внешний угол при вершине A больше внешнего угла при вершине B на 40° . Найти внутренние углы треугольника ABC.
 6. (Дополнит.) В треугольнике ABC угол C равен 90° , а угол B равен 70° . На катете AC отложен отрезок CD, равный CB. Найти углы треугольника ABD.
-

Годовая контрольная работа

1 вариант

1. Дано: $BO = DO$, $\angle ABC = 45^\circ$, $\angle BCD = 55^\circ$, $\angle AOC = 100^\circ$.
Найти: $\angle D$.
Доказать: $\triangle ABO = \triangle CDO$.
2. В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC угол B равен 42° .
Найдите два других угла треугольника ABC.
3. В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом C проведена высота CH, причем $CH = 8$ см, $\angle B = 45^\circ$. Найдите гипотенузу AB.

2 вариант

1. Дано: $AB = CD$, $\angle ABC = 65^\circ$, $\angle ADC = 45^\circ$, $\angle AOC = 110^\circ$.
Найти: $\angle C$.
Доказать: $\triangle ABO = \triangle DCO$.
 2. В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC угол B равен 54° .
Найдите два других угла треугольника ABC.
 3. В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом C проведена биссектриса BM, причем $\angle AMB = 110^\circ$. Найдите угол BAM.
-

